

Aufgabenblatt 2

I) Gelerntes wiedergeben

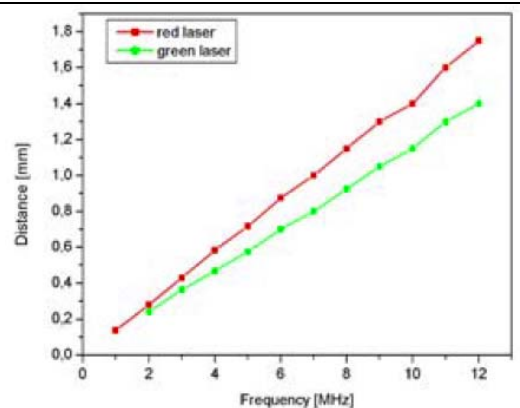
- Erläutern Sie den Versuch zur Bestimmung der Lichtgeschwindigkeit, den wir in der Vorlesung durchgeführt haben. Warum misst man so die Gruppengeschwindigkeit?
- Wie kann man die Phasengeschwindigkeit von Licht messen? (In Exphysik II gelernt? Sonst nachlesen.)

II) Einfache Aufgaben

*II.3) Debye-Sears Effekt:

In einer Wasserküvette wird durch einen Piezoaktuator eine Schallwelle mit der Frequenz ν erzeugt, die auf der Rückseite der Wasserküvette reflektiert wird und eine stehende Welle ausbildet. Diese stehende Schallwelle erzeugt eine Dichtemodulation und damit auch eine Modulation des Brechungsindex in der Wasserküvette.

- Wie groß ist die Wellenlänge der λ_u der stehenden Welle, wenn die Schallgeschwindigkeit in Wasser $c_u = 1482$ m/s ist?
- An dieser Schallwelle wird Licht der Wellenlänge λ gebeugt. Leiten Sie einen Zusammenhang zwischen der Frequenz ν und dem Abstand x der $+1$. und -1 . Beugungsordnung her, den man auf einem Schirm im Abstand d von der Küvette misst.



- In welchem Abstand d steht der Schirm in dem Experiment, zu dem die Messdaten gehören? (green: $\lambda = 532$ nm, red: $\lambda = 652$ nm)
- Erklären Sie, warum an einem Phasengitter überhaupt Beugung stattfindet. Unter welcher Bedingung wird in einem Phasengitter die Beugungsintensität maximal?

III) Vertiefende Aufgaben

*III.3) Lorentz-Oszillator

In der Vorlesung wurde gezeigt, dass im Lorentz-Oszillator-Modell die Suszeptibilität $\tilde{\chi} = \tilde{\epsilon} - 1 = \frac{Nq^2}{m\epsilon_0} \frac{1}{(\omega_0^2 - \omega^2) + 2i\delta\omega}$ ist. Der komplexe Brechungsindex $\tilde{n} = n - i\kappa$ ergibt sich aus der Dielektrizitätskonstanten durch die Maxwell-Beziehung $\tilde{\epsilon} = \tilde{n}^2$. Die Tilde bezeichnet komplexe Größen.

- Trennen Sie die komplexe Suszeptibilität $\tilde{\chi}$ in einen Real- und Imaginärteil.
- Berechnen Sie $\tilde{\epsilon}(n, \kappa)$ aus der Maxwell-Beziehung, so dass Real- und Imaginärteil getrennt vorliegen und zwar mit den reellen Größen des Brechungsindex n und des Absorptionsindex κ .
- Identifizieren Sie den Realteil von $\tilde{\chi}$ aus a) mit $\chi_r = n^2 - \kappa^2 - 1$ und den Imaginärteil mit $\chi_i = n\kappa$.
- Für optische Frequenzen nähern Sie nun $\omega \approx \omega_0$ und für ein verdünntes Gas $n - 1 \ll 1$ und $\kappa \ll 1$. Warum?
- Zeigen Sie, dass Sie daraus $n - 1 \approx \frac{Nq^2}{4m\epsilon_0} \frac{(\omega_0 - \omega)/\omega_0}{(\omega_0 - \omega)^2 + \delta^2}$ und $\kappa \approx \frac{Nq^2}{4m\epsilon_0} \frac{\delta/\omega_0}{(\omega_0 - \omega)^2 + \delta^2}$ erhalten.
- Skizzieren Sie diesen Brechungsindex und den Absorptionsindex als Funktion von ω .
- Gibt es hier einen Frequenzbereich, für den $n < 1$ ist? Ist demnach hier die Lichtgeschwindigkeit im Medium schneller als Einstein erlaubt?

III.4) Rayleigh-Beziehung und die Rettung der Relativitätstheorie

- Zeigen Sie, dass mit dem Wellenvektor im Medium $k_m = n k_0$ die Rayleigh-Beziehung für die Gruppengeschwindigkeit von Licht folgt: $v_{gr} = \frac{c_m}{1 + \frac{\omega}{n} \frac{dn}{d\omega}}$. (Dazu berechnen Sie $\frac{1}{v_{gr}} = \frac{dk_m}{d\omega}$.)
- Warum ist dann bei Frequenzen oberhalb einer elektronischen Resonanz die Gruppengeschwindigkeit in jedem Fall kleiner als die Vakuumlichtgeschwindigkeit? Was ist ganz knapp über ω_0 ?

